390 8 Kanalcodierung

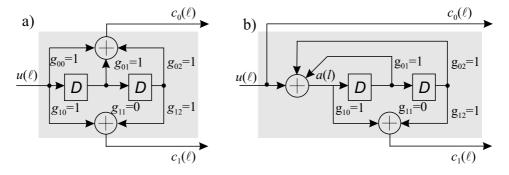


Bild 8.6.1: Schieberegisterstrukturen für Faltungscode mit den Generatorpolynomen

a)
$$g_0(D) = 1 + D + D^2$$
 und $g_1(D) = 1 + D^2$,

b)
$$g_0(D) = 1$$
 und $g_1(D) = (1 + D^2)/(1 + D + D^2)$

RSC-Codes

Rekursive, systematische Faltungscodierer werden in der Literatur RSC-Codierer (Recursive Systematic Convolutional) genannt und besitzen die Struktur eines IIR-Filters. In der Praxis gebräuchliche RSC-Codierer lassen sich aus nicht-systematischen, nicht-rekursiven Codierern ableiten. Soll beispielsweise das Polynom $g_0(D)$ des Codierers aus **Bild 8.6.1a** für die Rückkopplung verwendet werden, erhalten wir die neuen Generatorpolynome

$$\tilde{g}_0(D) = 1 (8.6.3a)$$

$$\tilde{g}_1(D) = \frac{g_1(D)}{g_0(D)}$$
 (8.6.3b)

Entsprechend **Bild 8.6.1b** lauten die Ausgangsbit des Codierers in Polynomdarstellung

$$\tilde{c}_0(D) = u(D) \tag{8.6.4a}$$

$$\tilde{c}_1(D) = \tilde{g}_1(D)u(D) = \frac{g_1(D)}{g_0(D)} \cdot u(D) = g_1(D)a(D)$$
. (8.6.4b)

Das in (8.6.4b) definierte Polynom $a(D) = u(D)/g_0(D)$ stellt die Registerinhalte dar und führt im Zeitbereich zum Zusammenhang

$$a(\ell) = u(\ell) + a(\ell - 1) + a(\ell - 2)$$
,

wodurch die Rückkopplungsstruktur des Schieberegisters offensichtlich wird. Allgemein gilt unter der Voraussetzung $g_{00}=1$

$$a(\ell) = u(\ell) + \sum_{\nu=1}^{L_c - 1} g_{0\nu} \cdot a(\ell - \nu) . \tag{8.6.5}$$